

Competidor(a): \_\_\_\_\_

Número de inscrição: \_\_\_\_\_ – \_\_\_\_\_ (opcional)

*Este Caderno de Tarefas não pode ser levado para casa após a prova. Após a prova entregue este Caderno de Tarefas para seu professor guardar. Os professores poderão devolver os Cadernos de Tarefas aos competidores após o término do período de aplicação das provas (01 de setembro de 2023).*



Olimpíada Brasileira de Informática  
Competição Feminina - OBI2023

Caderno de Tarefas  
Modalidade Programação • Nível 1 • Fase Única

01 de setembro de 2023

A PROVA TEM DURAÇÃO DE 3 HORAS

Promoção:



Sociedade Brasileira de Computação

Apoio:



Conselho Nacional de Desenvolvimento  
Científico e Tecnológico

Coordenação:



# Instruções

LEIA ATENTAMENTE ESTAS INSTRUÇÕES ANTES DE INICIAR A PROVA

- Este caderno de tarefas é composto por 9 páginas (não contando a folha de rosto), numeradas de 1 a 9. Verifique se o caderno está completo.
- A prova deve ser feita individualmente.
- É proibido consultar a Internet, livros, anotações ou qualquer outro material durante a prova. É permitida a consulta ao *help* do ambiente de programação se este estiver disponível.
- As tarefas têm o mesmo valor na correção.
- A correção é automatizada, portanto siga atentamente as exigências da tarefa quanto ao formato da entrada e saída de seu programa; em particular, seu programa não deve escrever frases como “Digite o dado de entrada:” ou similares.
- Não implemente nenhum recurso gráfico nas suas soluções (janelas, menus, etc.), nem utilize qualquer rotina para limpar a tela ou posicionar o cursor.
- As tarefas **não** estão necessariamente ordenadas, neste caderno, por ordem de dificuldade; procure resolver primeiro as questões mais fáceis.
- Preste muita atenção no nome dos arquivos fonte indicados nas tarefas. Soluções na linguagem C devem ser arquivos com sufixo *.c*; soluções na linguagem C++ devem ser arquivos com sufixo *.cc* ou *.cpp*; soluções na linguagem Java devem ser arquivos com sufixo *.java* e a classe principal deve ter o mesmo nome do arquivo fonte; soluções na linguagem Python 3 devem ser arquivos com sufixo *.py*; e soluções na linguagem Javascript devem ter arquivos com sufixo *.js*.
- Na linguagem Java, **não** use o comando *package*, e note que o nome de sua classe principal deve usar somente letras minúsculas (o mesmo nome do arquivo indicado nas tarefas).
- Você pode submeter até 50 soluções para cada tarefa. A pontuação total de cada tarefa é a melhor pontuação entre todas as submissões. Se a tarefa tem sub-tarefas, para cada sub-tarefa é considerada a melhor pontuação entre todas as submissões.
- Não utilize arquivos para entrada ou saída. Todos os dados devem ser lidos da entrada padrão (normalmente é o teclado) e escritos na saída padrão (normalmente é a tela). Utilize as funções padrão para entrada e saída de dados:
  - em C: *scanf*, *getchar*, *printf*, *putchar*;
  - em C++: as mesmas de C ou os objetos *cout* e *cin*.
  - em Java: qualquer classe ou função padrão, como por exemplo *Scanner*, *BufferedReader*, *BufferedWriter* e *System.out.println*
  - em Python: *read*, *readline*, *readlines*, *input*, *print*, *write*
  - em Javascript: *scanf*, *printf*
- Procure resolver a tarefa de maneira eficiente. Na correção, eficiência também será levada em conta. As soluções serão testadas com outras entradas além das apresentadas como exemplo nas tarefas.

# Estante de Livros

Nome do arquivo: `estante.c`, `estante.cpp`, `estante.java`, `estante.js` ou `estante.py`

A princesa Jujuba encontrou 3 pilhas em uma sala secreta de seu castelo. A primeira pilha tem  $X$  livros, a segunda pilha tem  $Y$  livros e a terceira pilha tem  $Z$  livros. Jujuba quer colocar seus livros na sua estante, que tem  $N$  prateleiras.

Cada prateleira pode conter infinitos livros, mas como ela é organizada, é preciso que todas as prateleiras tenham a mesma quantidade de livros. Como nem sempre isso é possível, Jujuba quer saber qual a menor quantidade de livros  $L$  que terão de ficar fora da sua estante.

Um exemplo seria as pilhas terem 2, 5 e 9 livros e sua estante ter 3 prateleiras. Jujuba poderia colocar 1 livro em cada prateleira, deixando 13 livros de fora. Mas a melhor resposta seria Jujuba colocar 5 livros em cada prateleira, deixando apenas 1 livro de fora.

Você consegue ajudar a princesa Jujuba?

## Entrada

A única linha de entrada contém quatro inteiros  $X$ ,  $Y$ ,  $Z$  e  $N$ , descritos no enunciado.

## Saída

Seu programa deve produzir uma única linha contendo um único inteiro  $L$ .

## Restrições

- $1 \leq X, Y, Z, N \leq 10^{18}$

## Informações sobre a pontuação

- $X, Y, Z, N \leq 10^6$  (73 pontos)
- Sem mais restrições (27 pontos)

## Exemplos

<b>Exemplo de entrada 1</b> 2 5 9 3	<b>Exemplo de saída 1</b> 1
<b>Exemplo de entrada 2</b> 1 2 3 4	<b>Exemplo de saída 2</b> 2

# Suco Radioativo

Nome do arquivo: `suco.c`, `suco.cpp`, `suco.java`, `suco.js` ou `suco.py`

Letícia estava com muita sede e decidiu fazer um suco de abacaxi, seu favorito, para que ela pudesse tomar. Como sua última experiência não foi muito boa, ela fez um suco estragado, ela pede a você que determine quantos copos de suco ela pode tomar. Ela só irá tomar os copos que não estão contaminados.

Um suco é dito como contaminado se e somente se ele não é de abacaxi com hortelã e possui “pedacinhos” nele. Para cada copo é dado dois valores “ $A$ ” e “ $B$ ”. “ $A$ ” indica se o suco é de abacaxi com hortelã ou não e “ $B$ ” indica se o suco tem pedaços nele. Sendo assim, determine quantos copos de suco ela poderá tomar.

## Entrada

A primeira linha contém um inteiro  $N$  que representa a quantidade de copos de suco disponíveis. As próximas  $N$  linhas contém cada uma dois inteiros  $A$  e  $B$ , respectivamente. O valor  $A$  indicará se o  $i^{th}$  suco é de abacaxi ou não e o valor  $B$  indicará se o suco possui pedaços nele.

$A$  irá valer 1 caso o suco seja de abacaxi com hortelã e 0 caso contrário.  $B$  irá valer 1 caso o suco tenha pedaços e 0 caso contrário.

## Saída

Imprima um inteiro representando a quantidade de copos de suco que ela pode tomar, ou seja que não estão estragados.

## Restrições:

- $1 \leq N \leq 5 \cdot 10^5$
- $0 \leq A \leq 1$
- $0 \leq B \leq 1$

## Informações sobre a pontuação:

- $N = 1$  (16 pontos)
- Sem mais restrições (84 pontos)

## Exemplos

Entrada	Saída
5	3
1 1	
0 0	
1 0	
0 1	
0 1	

Entrada	Saida
3 0 0 0 1 1 0	2

# Machine Learning

*Nome do arquivo:* `machine-learning.c`, `machine-learning.cpp`, `machine-learning.java`,  
`machine-learning.js` ou `machine-learning.py`

Leticia está fazendo faculdade de Ciências da Computação e está muito animada para começar a estudar sobre Aprendizado de Máquina. Porém, ela ainda está no segundo semestre da faculdade, então ainda irá demorar um tempo para ter aulas sobre o assunto. Ela decidiu então construir um modelo de aprendizado de máquina mais simples, com os conhecimentos que ela possui de programação até então.

Sua ideia foi a seguinte: ela irá construir um programa que, primeiramente, lê vários tópicos de artigos e palavras relacionadas a esses tópicos. Depois, o programa irá ler o texto de um artigo e irá definir qual o seu tópico. O tópico do artigo será aquele que possui mais palavras relacionadas ao tópico mencionadas no artigo.

Se houver empate, o tópico do artigo será aquele que antecede o outro no alfabeto. Uma palavra será relacionada a no máximo um tópico. É garantido que o artigo terá pelo menos uma palavra relacionada a algum tópico.

Leticia pediu sua ajuda para desenvolver o algoritmo.

## Entrada

A primeira linha de entrada contém um inteiro  $N$ , o número de tópicos possíveis. As próximas  $N$  linhas são compostas cada uma por uma string  $S_i$ , o nome do tópico, seguida de um inteiro  $K_i$ , o número de palavras relacionadas ao tópico, seguido por  $K_i$  strings  $s_j$ , as palavras relacionadas ao tópico  $S_i$ . A próxima linha contém um inteiro  $X$ , o número de palavras do artigo. A última linha contém  $X$  strings  $x_l$ , as palavras do artigo.

## Saída

Seu programa deve produzir uma única linha contendo uma única palavra, o nome do tópico do artigo.

## Restrições

- $1 \leq N \leq 100$
- $1 \leq$  número de caracteres de  $S_i \leq 20$
- $1 \leq K_i \leq 100$
- $1 \leq$  número de caracteres de  $s_j \leq 20$
- $1 \leq X \leq 10^5$
- $1 \leq$  número de caracteres de  $x_l \leq 20$
- Todas as strings serão compostas apenas de letras minúsculas do alfabeto

## Informações sobre a pontuação

- $N = 1$  (18 pontos)
- $X \leq 10^3$  (28 pontos)
- Sem mais restrições (54 pontos)

## Exemplos

<b>Exemplo de entrada 1</b> 3 ciencia 3 quimica fisica matematica amor 4 coracao amo carinho afeto livros 3 paginas paragrafo textos 7 eu amo textos sobre quimica e fisica	<b>Exemplo de saída 1</b> ciencia
<b>Exemplo de entrada 2</b> 4 tecnologia 2 software desenvolvimento saude 3 alimentacao exercicio vacina financas 4 boleto moeda contas cartao internet 3 site youtube instagram 12 eu assisto videos sobre desenvolvimento de software no instagram e no youtube	<b>Exemplo de saída 2</b> internet

# Garrações

Nome do arquivo: `garrafoes.c`, `garrafoes.cpp`, `garrafoes.java`, `garrafoes.js` ou `garrafoes.py`

Kinho trabalha em uma empresa que distribui garrações novos para fontes de água mineral, e todo dia, ele visita várias fontes para deixar os garrações.

Quando ele chega em uma fonte, ele descarrega os garrações do caminhão e os posiciona no chão, um em cima do outro, formando uma pirâmide.

Ele costuma fazer assim pois facilita a contagem da quantidade total de garrações arranjados. O formato que ele dispõe a pirâmide é dado por:

1. A primeira camada (superior) possui apenas um garração.
2. A segunda camada possui 4 garrações (2x2).
3. A terceira camada possui 9 garrações (3x3).
4. a  $i$ -ésima camada possui  $i^2$  garrações ( $i^2$ ).



As camadas são enumeradas de cima para baixo.

Kinho ama contagem, e a medida que está descarregando os garrações, está se questionando duas coisas:

1. De quantas formas diferentes ele pode arranjar pirâmides em uma sequência.
2. De quantas formas diferentes ele pode arranjar pirâmides em uma sequência usando a menor quantidade de pirâmides possível.

Kinho não tem tempo de parar para fazer os cálculos! Ele te informou o número  $G$  de garrações totais que ele precisa descarregar e também te informou se ele deseja minimizar a quantidade total de pirâmides. A sua tarefa é escrever um programa que calcule de quantas maneiras diferentes ele poderia formar uma sequência de pirâmides com os garrações.



## Entrada

A entrada consiste apenas de dois inteiros  $G$  e  $M$ .  $G$  é o número de garrações que Kinho precisa descarregar; e  $M=2$ , se Kinho deseja minimizar a quantidade de pirâmides ou  $M=1$ , caso contrário.

## Saída

Imprima um único inteiro  $X$ , a quantidade de maneiras que Kinho pode dispôr os garrações em uma sequência de pirâmides. Como o número pode ser muito alto, imprima a saída com o resto da divisão por 1000000007.

Uma sequência  $S$  é diferente de  $T$ , se:

- $S$  tem tamanho diferente de  $T$ , ou
- Existe algum inteiro  $i$ , tal que a  $i$ -ésima pirâmide em  $S$  seja diferente do que a  $i$ -ésima em  $T$ .

## Restrições

- $1 \leq G \leq 100\,000$
- $1 \leq M \leq 2$

## Informações sobre a pontuação

- Em um conjunto de teste valendo 7 pontos,  $1 \leq G \leq 10$ ,  $M = 1$ .
- Em um conjunto de teste valendo 9 pontos,  $1 \leq G \leq 10$ ,  $M = 2$ .
- Em um conjunto de teste valendo 17 pontos,  $1 \leq G \leq 50$ ,  $M = 1$ .
- Em um conjunto de teste valendo 26 pontos,  $1 \leq G \leq 100000$ ,  $M = 1$ .
- Em um conjunto de teste valendo 41 pontos, sem restrições adicionais.

## Exemplos

<p><b>Exemplo de entrada 1</b></p> <p>5 1</p>	<p><b>Exemplo de saída 1</b></p> <p>2</p>
<p><b>Exemplo de entrada 2</b></p> <p>10 1</p>	<p><b>Exemplo de saída 2</b></p> <p>8</p>
<p><b>Exemplo de entrada 3</b></p> <p>100 1</p>	<p><b>Exemplo de saída 3</b></p> <p>674221432</p>
<p><b>Exemplo de entrada 4</b></p> <p>100 2</p>	<p><b>Exemplo de saída 4</b></p> <p>24</p>

<b>Exemplo de entrada 5</b> 100000 1	<b>Exemplo de saída 5</b> 110689357
-----------------------------------------	----------------------------------------

<b>Exemplo de entrada 6</b> 100000 2	<b>Exemplo de saída 6</b> 192
-----------------------------------------	----------------------------------

Para  $G = 10$  e  $M = 1$ , e seja  $X$  uma pirâmide com  $X$  camadas, temos as seguintes configurações:

1. (1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1)
2. (2, 1, 1, 1, 1, 1)
3. (1, 2, 1, 1, 1, 1)
4. (1, 1, 2, 1, 1, 1)
5. (1, 1, 1, 2, 1, 1)
6. (1, 1, 1, 1, 2, 1)
7. (1, 1, 1, 1, 1, 2)
8. (2, 2)

Se  $M = 2$ , teríamos:

1. (2, 2)

Pois, é possível montar a sequência utilizando apenas 2 pirâmides!