Competidor(a):			
1			
Número de inscrição:	<ul><li>(oncional)</li></ul>		



# **OBI2021**

# Caderno de Tarefas

Modalidade Iniciação • Nível Júnior • Fase 3

2 de outubro de 2021

A PROVA TEM DURAÇÃO DE DUAS HORAS

#### Promoção:



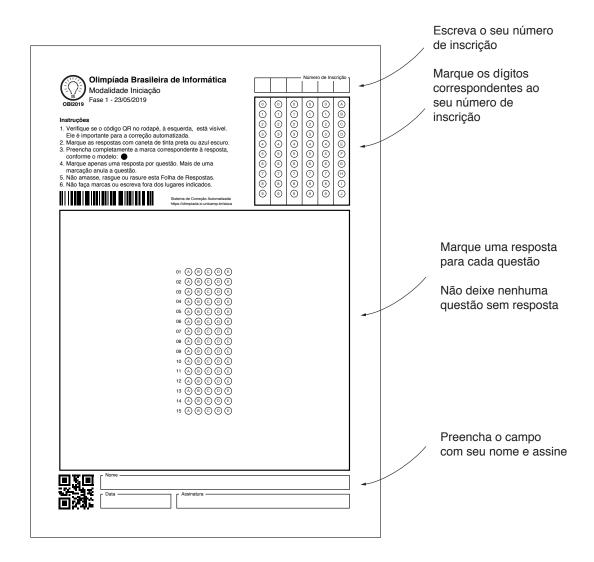
Apoio:



# Instruções

### LEIA ATENTAMENTE ESTAS INSTRUÇÕES ANTES DE INICIAR A PROVA

- A prova deve ser feita individualmente.
- A duração da prova é de uma hora.
- É proibido consultar livros, anotações ou qualquer outro material durante a prova.
- Todas as questões têm o mesmo valor na correção.
- Este caderno contém 30 questões, em páginas numeradas de 1 a 8, sem contar a página de rosto. Verifique se o caderno está completo.
- Seu professor entregará para você uma Folha de Respostas como a mostrada abaixo, que deve ser preenchida e devolvida ao final da prova para correção.
- Se você tiver dificuldades no preenchimento da Folha da Respostas, peça ajuda ao seu professor, que poderá ajudá-lo(a) no preenchimento.
- Ao final da prova você NAO pode levar este caderno para casa, mas você pode pedir para o seu professor guardar o caderno e entregá-lo para você a partir de segunda-feira, 04/10/2021.



## Sr. Caramujo

O Sr. Caramujo é aventureiro e definiu como objetivo deste verão alcançar o topo do muro do jardim em que vive. A cada dia, valente e metodicamente ele sobe exatamente uma certa distância (sempre a mesma a cada dia). Mas a cada noite enquanto dorme o Sr. Caramujo escorrega para baixo uma outra distância (sempre a mesma a cada noite)...

Note que uma vez que o Sr. Caramujo alcança o topo do muro ele não mais escorrega.

para chegar ao topo do muro?

- (A)
- (B) 3
- (C) 4
- (D) 5
- (E) 6

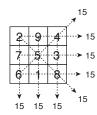
Questão 1. Se o muro tem seis metros de altura, Questão 2. Se o muro tem treze metros de altura o Sr. Caramujo sobe três metros por dia e escor- e o Sr. Caramujo sobe seis metros por dia, qual rega um metro por noite, quantos dias ele levará é a maior distância que ele pode escorregar por noite, para que consiga chegar ao topo do muro em cinco dias?

- (A) 1 metros
- 2 metros (B)
- (C) 3 metros
- (D) 4 metros
- (E) 5 metros

# Quadrado Mágico

Em um Quadrado Mágico, a soma de qualquer coluna, linha ou diagonal tem sempre o mesmo valor.





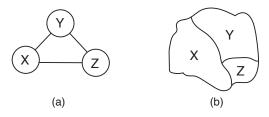
A figura abaixo mostra um Quadrado Mágico parcialmente preenchido. Para completar o quadrado mágico os valores de X e Y devem ser respectivamente:

- (A) 9 e 14
- 14 e 9 (B)
- (C) 13 e 10
- (D) 13 e 9
- 14 e 10 (E)

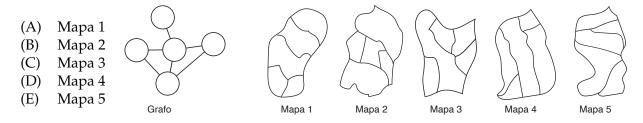
3	6	15	Υ
16	9	4	5
2	7	14	11
Χ	12	1	8

#### Grafos

Em computação um *grafo* é uma estrutura composta de *vértices* (mostrados como círculos na figura (a) abaixo) e *arestas* (mostradas como linhas que conectam os círculos). Grafos são utilizados para modelar uma infinidade de situações na vida real como estradas que existem entre cidades ou pessoas que se conhecem. Grafos podem também ser usados para modelar as divisas entre países, usando vértices para representar os países e arestas para indicar se um determinado país tem divisa com outro país: se um país X tem divisa com outro país Y ligamos os dois vértices que representam os países X e Y com uma aresta. Por exemplo, a figura (a) abaixo representa as divisas do mapa da figura (b).



**Questão 4.** A figura abaixo mostra um grafo e cinco mapas. Na figura, o grafo representa as divisas entre países de qual dos mapas?



**Questão 5.** Um grafo representando as estradas entre oito cidades – A, B, C, D, E, F, G e H – contém oito arestas: A–C, A–G, A–H, B–C, C–F, D–E, E–C e F–H. Se um vendedor deseja sair de uma cidade qualquer e visitar o maior número de cidades, usando apenas as estradas do grafo, sem passar mais de uma vez pela mesma cidade, qual o maior número de cidades que ele pode visitar (contando com a cidade da qual ele sai)?

- (A) 4
- (B) 5
- (C) 6
- (D) 7
- (E) 8

**Questão 6.** Continuando a questão anterior, qual das alternativas abaixo é uma cidade em que o vendedor pode iniciar sua viagem?

- (A) A
- (B) E
- (C) D
- (D) B
- (E) H

## Disputa por pênaltis

A partida final do Campeonato Colegial de futsal feminino terminou empatada e a equipe campeã vai ser definida em disputa por pênaltis. Cinco jogadoras foram escaladas para bater os pênaltis para a sua escola: Marina, Paula, Renata, Sara e Vitória. Cada jogadora bate exatamente um pênalti. A ordem de cobrança dos pênaltis obedece às seguintes condições:

- Paula bate o pênalti em algum momento antes de Vitória.
- Vitória bate o pênalti em algum momento depois de Marina.
- Sara bate o pênalti em algum momento antes de Renata mas em algum momento depois de Marina.

**Questão 7.** Qual das alternativas abaixo poderia ser a ordem da cobrança dos pênaltis, do primeiro ao último?

- (A) Marina, Sara, Renata, Vitória, Paula
- (B) Paula, Vitória, Marina, Sara, Renata
- (C) Sara, Marina, Paula, Vitória, Renata
- (D) Marina, Vitória, Sara, Paula, Renata
- (E) Paula, Marina, Vitória, Sara, Renata

**Questão 8.** Se Sara bate o pênalti imediatamente após Paula, então qual das seguintes alternativas é sempre verdadeira?

- (A) Vitória faz a quinta cobrança.
- (B) Sara faz a terceira cobrança.
- (C) Marina faz a segunda cobrança.
- (D) Renata faz a quinta cobrança.
- (E) Paula faz a primeira cobrança.

**Questão 9.** Cada uma das alternativas seguintes poderia ser verdadeira exceto:

- (A) Sara faz a segunda cobrança.
- (B) Vitória faz a segunda cobrança.
- (C) Renata faz a terceira cobrança.
- (D) Paula faz a terceira cobrança.
- (E) Paula faz a primeira cobrança.

**Questão 10.** Se Vitória é a terceira a bater o pênalti, qual das seguines alternativas é sempre falsa?

- (A) Três jogadoras podem fazer a segunda cobrança.
- (B) Duas jogadoras podem fazer a primeira cobrança.
- (C) Vitória faz a terceira cobrança.
- (D) Paula faz a primeira cobrança.
- (E) Renata faz a quinta cobrança.

## Transformações mágicas

Cristina tem uma coleção de cinco doglins, que são pequenas criaturas com poderes mágicos: Hai, Iko, Jiu, Kom e Led. À medida que essas criaturas crescem elas podem se transformar em segdels, que são criaturas com maior poder mágico. No caso dos doglins de Cristina, as transformações são consistentes com as seguintes condições:

- Se Kom se transforma em segdel, então Led também se transforma em segdel.
- Se Jiu não se transforma em segdel, então Kom se transforma em segdel.
- Se Led se transforma em segdel, então nem Hai nem Jiu se transformam em segdels.

Questão 11. Qual das seguintes alternativas Questão 13. Se ambos Iko e Jiu não se transforpoderia ser uma lista completa dos doglins que se transformam em segdels?

- (A) Hai, Iko, Jiu
- Kom, Iko, Jiu (B)
- (C) Hai, Jiu, Led
- Iko, Jiu, Kom (D)
- (E) Iko, Led

Questão 12. Se exatamente dois doglins se transformam em segdels, então eles poderiam ser:

- (A) Iko e Kom
- Led e Hai (B)
- (C) Iko e Jai
- (D) Hai e Iko
- (E) Hai e Kom

mam em segdels, qual das alternativas abaixo é a lista completa dos doglins que se transformam em segdels?

- (A) Kom
- (B) Hai
- (C) Led
- (D) Hai, Kom
- (E) Kom, Led

Questão 14. Se Led não se transforma em segdel, então cada uma das seguintes alternativas poderia ser verdadeira exceto:

- Ambos Hai e Jiu se transformam em seg-
- Ambos Iko e Jiu se transformam em seg-
- (C) Exatamente dois doglins se transformam em segdels.
- (D) Ambos Hai e Kom se transformam em segdels.
- (E) Exatamente três doglins se transformam em segdels.

## SuperChef

Paulo, Rita, Sara e Tito estão participando do SuperChef, uma competição entre chefes de restaurantes. A cada turno da competição um prato diferente deve ser preparado e os participantes são eliminados se não conseguem preparar o prato de maneira satisfatória. Antes de preparar os pratos os participantes devem buscar os ingredientes na despensa, e para isso são ordenados numa fila. Ao final de cada turno a fila é reordenada de acordo com uma das seguintes regras:

- Regra A: quem estava na última posição é colocado imediatamente à frente de quem estava anteriormente na primeira posição.
- Regra B: quem estava na terceira posição é colocado imediatamente à frente de quem estava anteriormente na segunda posição.
- Regra C: quem estava na terceira posição é colocado imediatamente à frente de quem estava anteriormente na primeira posição.

A regra a ser utilizada é definida pela organização do SuperChef a cada turno. Se uma regra envolve uma posição em que o participante foi eliminado, essa regra não pode ser usada. Por exemplo, se o participante que estava na última posição é eliminado, a regra A não pode ser utilizada. Se nenhuma das regras pode ser utilizada, os participantes permanecem na mesma posição na fila.

**Questão 15.** Se a ordem num turno é Tito, Paulo, Rita, Sara e somente Rita é eliminada nesse turno, então qual das seguintes alternativas é a ordem dos participantes para o próximo turno?

- (A) Paulo, Sara, Tito
- (B) Paulo, Tito, Sara
- (C) Sara, Tito, Paulo
- (D) Sara, Paulo, Tito
- (E) Tito, Paulo, Sara

**Questão 16.** Se a ordem num turno é Rita, Paulo, Sara, Tito e nenhum participante é eliminado nesse turno, então qual das seguintes alternativas é sempre verdadeira sobre a ordem da fila no próximo turno?

- (A) Rita é a segunda da fila.
- (B) Paulo é o terceiro da fila.
- (C) Sara é a primeira da fila.
- (D) Tito é o primeiro da fila.
- (E) Tito é o quarto da fila.

**Questão 17.** Se a ordem num turno é Paulo, Sara, Tito, Rita e nenhum participante é eliminado nesse turno, então qual das seguintes alternativas poderia ser a ordem da fila no próximo turno?

- (A) Tito, Paulo, Sara, Rita
- (B) Paulo, Rita, Tito, Sara
- (C) Rita, Paulo, Tito, Sara
- (D) Rita, Tito, Paulo, Sara
- (E) Sara, Paulo, Tito, Rita

**Questão 18.** Se dois turnos ocorrem sem que nenhum participante seja eliminado, e se a ordem da fila no terceiro turno é igual à ordem do primeiro turno, então qual das alternativas seguintes representa as regras usadas até o momento?

- (A) A seguida de C
- (B) A seguida de A
- (C) B seguida se C
- (D) B seguida de B
- (E) C seguida de B

## **Temperos**

O cozinheiro de um restaurante está escolhendo ao menos um de sete temperos para usar na sua nova receita: Baunilha, Cravo, Hortelã, Gengibre, Louro, Pimenta e Salsinha. A escolha será feita de acordo com as seguintes restrições:

- Se Gengibre é escolhido, então ou Hortelã ou Pimenta é escolhido (mas não ambas).
- Se Louro é escolhido ou Baunilha não é escolhida, então Hortelã não é escolhida.
- Se Salsinha é escolhida ou Louro não é escolhido, então Pimenta não é escolhida.
- Se ou Cravo não é escolhido ou Salsinha não é escolhida, então Baunilha não é escolhida.

Questão 19. Qual das seguintes alternativas Questão 22. Qual o número máximo de tempepoderia ser a lista completa dos temperos escolhidos para a receita?

- (A) Cravo, Louro
- Baunilha, Cravo, Hortelã (B)
- Cravo, Gengibre, Louro (C)
- Hortelã, Gengibre, Louro (D)
- Cravo, Hortelã, Gengibre, Pimenta

Questão 20. Se o cozinheiro escolhe Gengibre, então qual das alternativas seguintes é sempre verdadeira?

- (A) No máximo dois temperos são escolhi-
- (B) Pelo menos três temperos são escolhidos.
- Hortelã é escolhida.
- (D) Louro é escolhida.
- (E) Pimenta é escolhida.

Questão 21. Qual das seguintes alternativas não pode ser verdadeira?

- Ambos Baunilha e Pimenta são escolhi-
- (B) Ambos Baunilha e Gengibre são escolhi-
- (C) Ambos Louro e Gengibre são escolhidos.
- Ambos Cravo e Gengibre são escolhidos. (D)
- Ambos Baunilha e Louro são escolhidos. (E)

ros que podem ser escolhidos?

- (A) 3
- (B) 4
- (C) 5
- (D) 6
- (E)

Questão 23. Se o cozinheiro escolher Hortelã, então qual das seguintes alternativas poderia ser verdadeira?

- (A) Pimenta é escolhida.
- Cravo não é escolhido. (B)
- (C) Um total de dois temperos são escolhidos.
- Gengibre não é escolhido. (D)
- Salsinha não é escolhida.

Questão 24. Se Cravo não é escolhido para a receita, então qual das seguintes alternativas é um tempero que não pode ser escolhido?

- (A) Gengibre
- (B) Hortelã
- (C) Louro
- (D) Pimenta
- (E) Salsinha

## Relógios da escola

Uma escola tem sete salas, numeradas de 1 a 7. Cada sala tem um de sete relógios diferentes – J, K, L, M, N, O e P, que devem ser inspecionados pelo Sr. Chico, funcionário da escola. Cada relógio vai ser inspecionado exatamente uma vez pelo Sr. Chico. Ele vai inspecionar os relógios um após o outro, na ordem dos números das salas. Qualquer relógio que não esteja funcionando vai receber uma nova bateria. O Sr. Chico vai inspecionar os relógios de acordo com as seguuintes condições:

- K está na sala 3.
- O relógio da sala 4 não precisa de uma nova bateria.
- M é inspecionado antes de J.
- P é inspecionado antes de N e antes de L.
- Nenhuma bateria é trocada após M ser inspecionado.
- Exatamente duas baterias são trocadas após K ser inspecionado.

**Questão 25.** Qual das seguintes alternativas poderia ser verdadeira?

- (A) J está na sala 6.
- (B) M está na sala 5.
- (C) P está na sala 4.
- (D) L está na sala 2.
- (E) N está na sala 1.

**Questão 26.** Se P é o segundo relógio que precisa de uma nova bateria, então qual das seguintes alternativas é sempre falsa?

- (A) O não precisa de uma nova bateria.
- (B) N precisa de uma nova bateria.
- (C) L não precisa de uma nova bateria.
- (D) K não precisa de uma nova bateria.
- (E) K precisa de uma nova bateria.

**Questão 27.** Qual das seguintes alternativas é um relógio que sempre é inspecionado antes de K?

- (A) M
- (B) P
- (C) O
- (D) L
- (E) N

**Questão 28.** Se O é inspecionado antes de N mas após L, então qual das seguintes alternativas poderia ser verdadeira?

- (A) N não precisa de uma nova bateria.
- (B) O precisa de uma nova bateria.
- (C) L não precisa de uma nova bateria.
- (D) N é o quarto relógio a ser inspecionado.
- (E) P é o segundo relógio a ser inspecionado.

**Questão 29.** Se nem N nem L precisam de uma nova bateria, então qual das seguintes alternativas é sempre verdadeira?

- (A) O precisa de uma nova bateria.
- (B) L está na sala 2.
- (C) N está na sala 4.
- (D) K precisa de uma nova bateria.
- (E) P não precisa de uma nova bateria

**Questão 30.** Se ambos N e O precisam de novas baterias, então cada uma das seguintes alternativas poderia ser verdadeira exceto:

- (A) P está na sala 1.
- (B) N está na sala 5.
- (C) O está na sala 1.
- (D) L precisa de uma nova bateria.
- (E) P não precisa de uma nova bateria.