Competidor(a):				
Número de inscrição:	_	(oncional)		



OBI2020

Caderno de Tarefas

22e23de junho de 2020

A PROVA TEM DURAÇÃO DE ${f 1}$ HORA

Promoção:



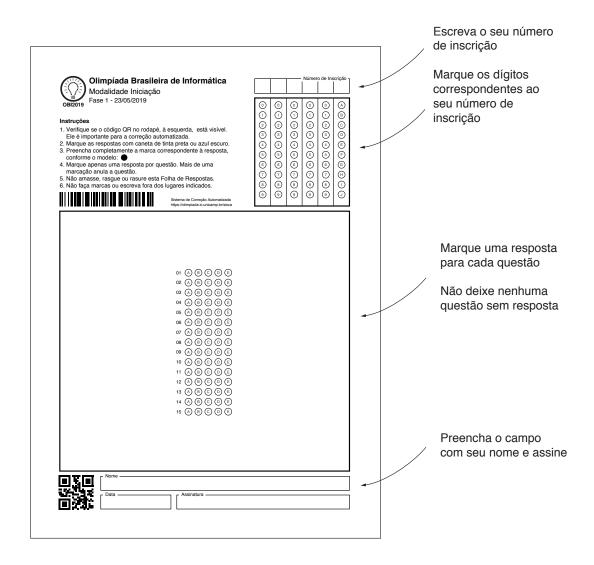
Apoio:



Instruções

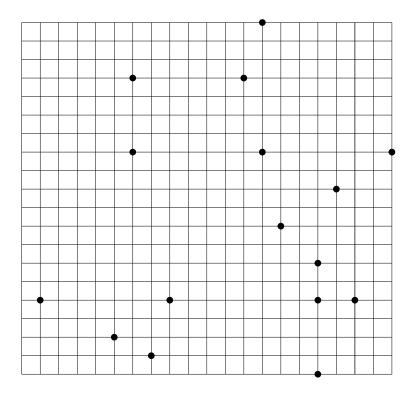
LEIA ATENTAMENTE ESTAS INSTRUÇÕES ANTES DE INICIAR A PROVA

- A prova deve ser feita individualmente.
- A duração da prova é de uma hora.
- É proibido consultar livros, anotações ou qualquer outro material durante a prova.
- Todas as questões têm o mesmo valor na correção.
- Este caderno contém 15 questões, em páginas numeradas de 1 a 6, sem contar a página de rosto. Verifique se o caderno está completo.
- Seu professor entregará para você uma Folha de Respostas como a mostrada abaixo, que deve ser preenchida e devolvida ao final da prova para correção.
- Se você tiver dificuldades no preenchimento da Folha da Respostas, peça ajuda ao seu professor, que poderá ajudá-lo(a) no preenchimento.
- Ao final da prova você NAO pode levar este caderno para casa, mas você pode pedir para o seu professor guardar o caderno e entregá-lo para você a partir de segunda-feira, 29/06/2020.



Estrada Reta

O polo industrial da Nlogônia, Nlogópolis, possui várias indústrias localizadas como indica o mapa abaixo, onde cada indústria é representada pelo símbolo •. Uma estrada em linha reta será construída atravessando Nlogópolis, e atenderá a todas as indústrias pela qual ela passa.

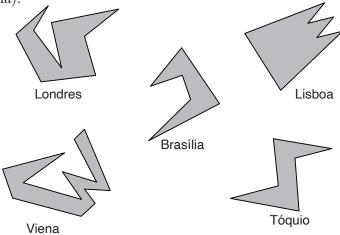


Questão 1. Qual é o maior número de indústrias que essa estrada poderá atender?

- (A) 2
- (B) 3
- (C) 4
- (D) 5
- (E) 6

Segurança do Museu

A segurança de museus é muito importante para evitar roubos de grandes obras. Há museus com arquiteturas sofisticadas e formatos bem diferentes. A figura abaixo mostra alguns formatos de museus (vistos de cima).



Questão 2. Qual dos museus mostrados pode ter todas suas paredes vigiadas ao mesmo tempo por um único guarda parado dentro do museu?

- (A) Londres
- (B) Brasília
- (C) Lisboa
- (D) Viena
- (E) Tóquio

Paciente Zero

Numa epidemia por um novo tipo de vírus, uma das tarefas mais importantes dos médicos infectologistas é determinar quem foi o Paciente Zero, ou seja, a pessoa que foi infectada primeiro pelo novo vírus. O Paciente Zero geralmente é infectado por um animal (morcego, por exemplo). Dizemos que a pessoa X foi infectada diretamente pela pessoa Y quando X teve contato com Y. Dizemos que X foi infectada indiretamente por Y quando X não teve contato com Y, mas teve contato com uma pessoa que Y infectou, direta ou indiretamente. Numa recente epidemia no reino da Nlogônia, os médicos determinaram que:

- Duda infectou diretamente Neco e Sula
- Elba foi infectada diretamente por Neco
- Teco infectou diretamente Zico e Duda
- Bia foi infectada diretamente por Duda
- Neco infectou diretamente Mano

Questão 3. Qual das alternativas seguintes é a pessoa que foi o Paciente Zero?

- (A) Duda
- (B) Elba
- (C) Teco
- (D) Zico
- (E) Neco

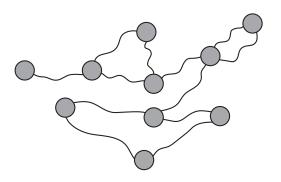
Questão 4. Qual das alternativas seguintes é a pessoa que infectou diretamente o maior número pessoas?

- (A) Teco
- (B) Bia
- (C) Neco
- (D) Mano
- (E) Duda

A prova continua na próxima página.

Quebrando o quebra-cabeças

Wanderley recebeu um desafio de seu pai. Ele ganhou um quebra-cabeças composto de dez bolinhas ligadas por alguns fios, cuja figura é mostrada abaixo.



Como pode ser visto, não é possível separar o quebra-cabeças em duas partes sem romper os fios. O desafio de Wanderley é cortar apenas um dos fios e conseguir separar o quebra-cabeças em duas partes.

Questão 5. Quantos fios diferentes Wanderley pode escolher para cortar de forma a cumprir o desafio?

- (A) 1
- (B) 2
- (C) 3
- (D) 4
- (E) 5

Questão 6. Se Wanderley escolher separar o quebra-cabeças de forma que o número de bolinhas de uma das partes resultantes tenha o maior número de bolinhas possível, quantas bolinhas tem a parte do quebra-cabeças com o maior número de bolinhas após o fio ser cortado?

- (A) 4
- (B) 6
- (C) 7
- (D) 8
- (E) 9

Montanha Russa

Cinco amigos, I, J, K, L e M estão em um parque de diversões e querem ir juntos na montanha russa. O carrinho desse brinquedo acomoda seis pessoas, em três filas com dois assentos em cada fila: a fila da frente, a fila do meio e a fila de trás. Os cinco amigos vão no mesmo carrinho, e nenhuma outra pessoa vai nesse carrinho. As seguintes restrições devem ser obedecidas:

- I deve sentar em uma fila mais à frente do que a fila em que J senta.
- M deve sentar na mesma fila que L.

Questão 7. Qual das seguintes alternativas é um possível arranjo de assentos para os amigos no carrinho?

- (A) frente: LK; meio: I; trás: JM
- (B) frente: IJ; meio: LK; trás: M
- (C) frente: LM; meio: JK; trás: I
- (D) frente: LM; meio: I; trás: JK
- (E) frente: JK; meio: I; trás: LM

Questão 8. Se M não senta na fila da frente, qual das alternativas é uma lista completa e correta dos amigos que podem sentar na fila do meio?

- (A) I
- (B) J,K
- (C) L,M
- (D) J,L,M
- (E) J,K,L,M

Novas Estradas

O rei na Nlgônia decidiu povoar uma ilha inabitada do reino, construindo na ilha cinco novas cidades. O rei quer construir estradas entre as cinco cidades. Duas cidades são consideradas desconectadas se não houver caminho formado por estradas entre elas. Por exemplo, se houver uma estrada ligando a cidade A à cidade B e outra estrada ligando a cidade B à cidade C, então a cidade A está conectada à cidade C, pois é possível ir de A para C passando pela cidade B. O rei tem o seguinte plano: enquanto houver um par de cidades desconectadas, serão sorteadas duas cidades da ilha; se já não houver uma estrada entre as duas cidades sorteadas, uma nova estrada será construída entre essas duas cidades.

Questão 9. Qual é o número mínimo de estradas que podem ser construídas seguindo o plano do rei?

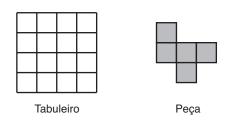
Questão 10. Qual é o número máximo de estradas que podem ser construídas seguindo o plano do rei?

io rei		do rei
(A)	3	(A)
(B)	4	(B)
(C)	5	(C)
(D)	8	(D)
(E)	10	(E)

Cobrindo o Tabuleiro

Considere o tabuleiro de 4×4 posições e a peça mostrada na figura ao lado.

Você deve cobrir todo o tabuleiro com cópias da peça, que pode ser girada. Você pode cobrir uma posição do tabuleiro com mais de uma peça (sobreposição de peças), e um pedaço da peça pode não cobrir qualquer posição (pedaço de peça para fora do tabuleiro), mas cada posição do tabuleiro deve ser coberta por pelo menos uma peça.



Questão 11. Qual o menor número de peças necessárias para cobrir todo o tabuleiro, nas condições acima?

- (A) 3
- (B) 4
- (C) 5
- (D) 6
- (E) 7

Dona Minhoca

Dona Minhoca construiu quatro túneis – Q, R, S e T – embaixo da terra, ligando os quadro cômodos – A, B, C e D – da sua residência. Cada tunel tem exatamente o mesmo comprimento e conecta exatamente dois cômodos diferentes, da seguinte forma:

- Q conecta A e C
- R conecta B e C
- S conecta A e B
- T conecta B e D

Questão 12. Qual das seguintes alternativas é uma ordem correta de cômodos num passeio em que Dona Minhoca visita todos os cômodos de sua residência, partindo do cômodo A, usando apenas os túneis e nunca usando um túnel mais de uma vez?

- (A) A, B, C, D
- (B) A, C, B, D
- (C) A, C, D, B
- (D) A, D, B, C
- (E) A, D, C, B

Questão 13. Se Dona Minhoca está no cômodo D e deseja ir para o cômodo C por uma sequência de túneis que não é mais longa do que o necessário, quantos túneis ela deve percorrer?

- (A) 1
- $(B) \quad 2$
- (C) 3
- (D) 4
- (E) 5

Questão 14. Se Dona Minhoca quer passear pelos cômodos da sua residência usando apenas túneis, qualquer das alternativas seguintes é uma sequência possível de túneis que ela pode usar EXCETO

- (A) R, Q, S, R, Q
- (B) S, T, T, R, Q
- (C) T, R, R, T, T
- (D) Q, S, R, T, S
- (E) T, S, Q, R, T

Questão 15. Se num passeio pelos cômodos Dona Minhoca percorre o comprimento inteiro de cada túnel exatamente uma vez, qual seguintes alternativas é uma lista completa e correta dos cômodos que ela visita duas vezes?

- (A) B
- (B) A, B
- (C) B, C
- (D) B, D
- (E) B, C, D